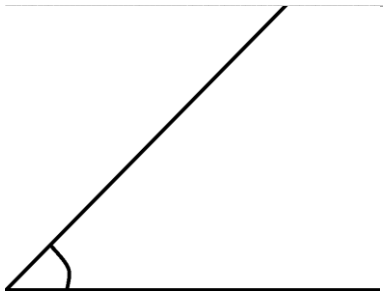


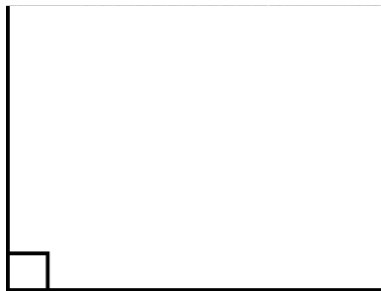
ВИДЫ УГЛОВ

ОСТРЫЙ



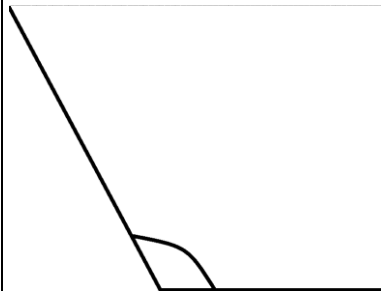
Меньше 90°

ПРЯМОЙ



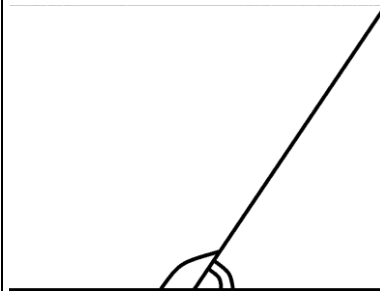
Равен 90°

ТУПОЙ



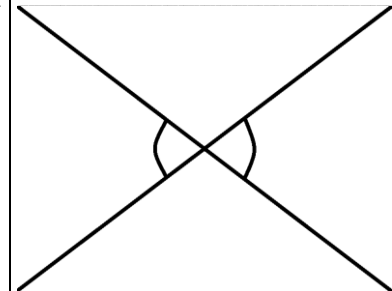
Больше 90°

СМЕЖНЫЕ



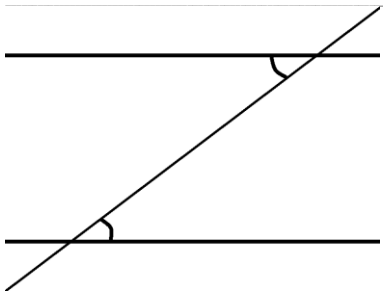
В сумме 180°

ВЕРТИКАЛЬНЫЕ



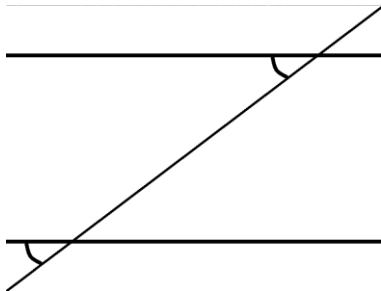
Равны

НАКРЕСТ ЛЕЖАЩИЕ



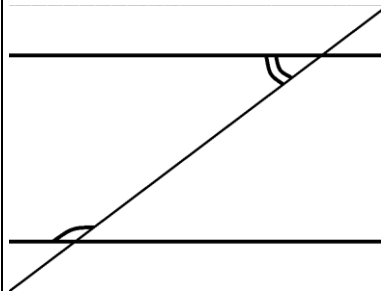
Равны (при параллельных прямых)

СООТВЕТСТВЕННЫЕ



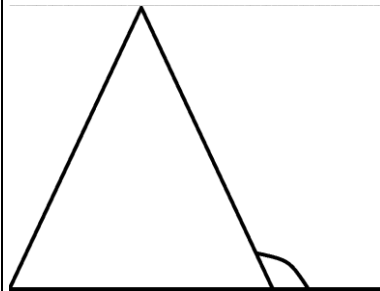
Равны (при параллельных прямых)

ОДНОСТОРОННИЕ



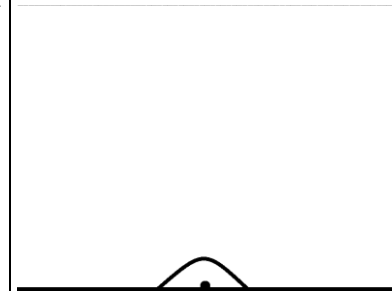
В сумме 180° (при параллельных прямых)

ВНЕШНИЙ



Равен сумме двух внутренних углов, не смежных с ним

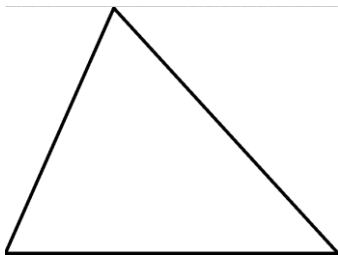
РАЗВЕРНУТЫЙ



Равен 180°

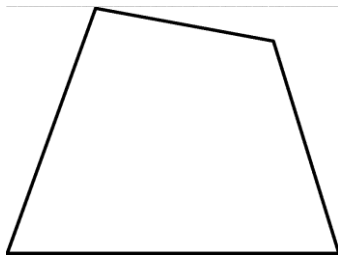
СУММА УГЛОВ

ТРЕУГОЛЬНИК



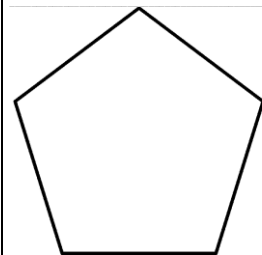
Сумма углов любого треугольника 180°

ЧЕТЫРЁХУГОЛЬНИК



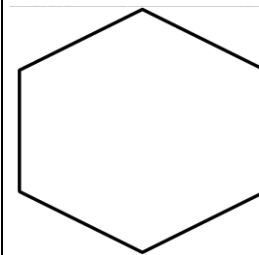
Сумма углов любого четырёхугольника 360°

ПЯТИУГОЛЬНИК



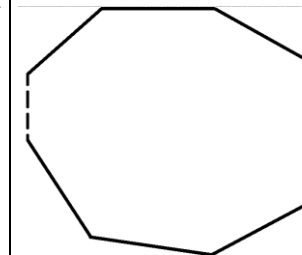
Сумма углов любого пятиугольника 540°

ШЕСТИУГОЛЬНИК



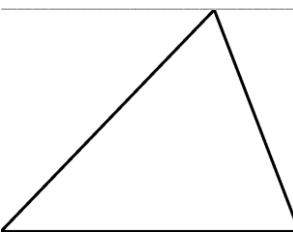
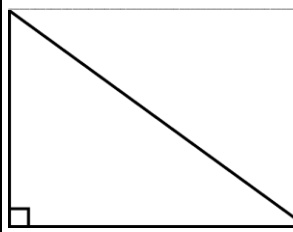
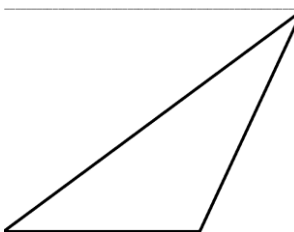
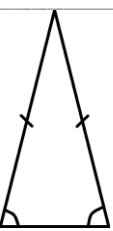
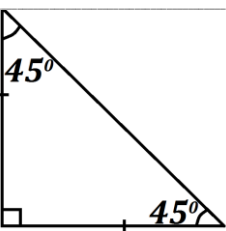
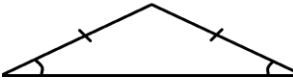
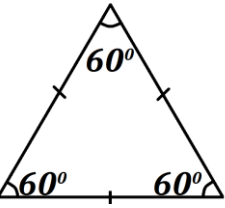
Сумма углов любого шестиугольника 720°

N-УГОЛЬНИК

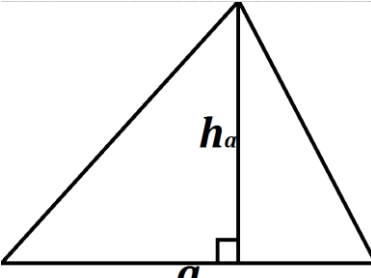
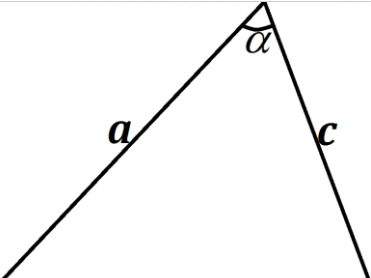
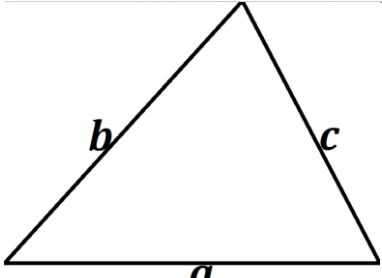
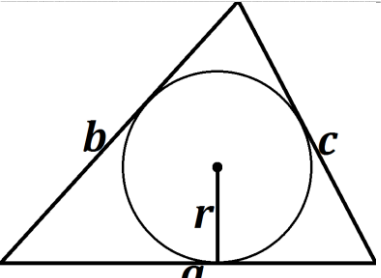
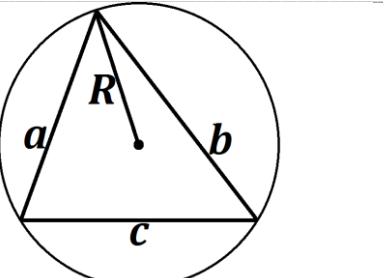


Сумма углов любого n – угольника $180^\circ(n - 2)$

ВИДЫ ТРЕУГОЛЬНИКОВ

<p>ОСТРОУГОЛЬНЫЙ</p>  <p>Все углы острые</p>	<p>ПРЯМОУГОЛЬНЫЙ</p>  <p>Есть прямой угол</p>	<p>ТУПОУГОЛЬНЫЙ</p>  <p>Есть тупой угол</p>	<p>РАВНОБЕДРЕННЫЙ (ОСТРОУГОЛЬНЫЙ)</p>  <p>Две стороны равны и все углы острые</p>	<p>РАВНОБЕДРЕННЫЙ (ПРЯМОУГОЛЬНЫЙ)</p>  <p>Две стороны равны и есть прямой угол</p>	<p>РАВНОБЕДРЕННЫЙ (ТУПОУГОЛЬНЫЙ)</p>  <p>Две стороны равны и есть тупой угол</p>	<p>РАВНОСТОРОННИЙ</p>  <p>Все стороны и углы равны</p>
---	---	---	--	--	--	--

ТРЕУГОЛЬНИК

<p>ПЛОЩАДЬ (ЧЕРЕЗ ВЫСОТУ)</p>  <p>$S = \frac{1}{2}ah_a$</p>	<p>ПЛОЩАДЬ (ЧЕРЕЗ УГОЛ)</p>  <p>$S = \frac{1}{2}ac \cdot \sin\alpha$</p>	<p>ПЛОЩАДЬ (ФОРМУЛА ГЕРОНА)</p>  <p>$S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$, где $p = \frac{a+b+c}{2}$</p>	<p>ПЛОЩАДЬ (ЧЕРЕЗ РАДИУС)</p>  <p>$S = \frac{1}{2}pr$</p>	<p>ПЛОЩАДЬ (ЧЕРЕЗ РАДИУС)</p>  <p>$S = \frac{abc}{4R}$</p>
---	---	---	--	---

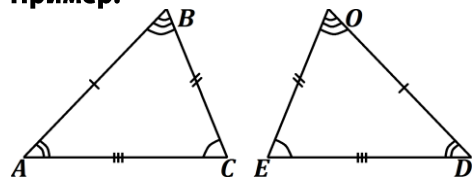
<p>ТЕОРЕМА СИНУСОВ</p>  <p>$\frac{a}{\sin\alpha} = \frac{b}{\sin\beta} = \frac{c}{\sin\gamma} = 2R$</p>	<p>ТЕОРЕМА КОСИНУСОВ</p>  <p>$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos\alpha$</p>	<p>СРЕДНЯЯ ЛИНИЯ</p>  <p>Средняя линия параллельна основанию и равна его половине.</p>	<p>СООТНОШЕНИЕ СТОРОН И УГЛОВ</p>  <p>В любом треугольнике: – против большей стороны лежит больший угол. – против средней стороны лежит средний угол. – против меньшей стороны лежит меньший угол.</p>	<p>НЕРАВЕНСТВО ТРЕУГОЛЬНИКА</p> <p>В любом треугольнике сумма длин двух сторон больше длины третьей стороны.</p> <p>Пример:</p>  <p>$3 + 4 > 5$ $3 + 5 > 4$ $4 + 5 > 3$</p>
---	--	---	---	--

ПРИЗНАКИ РАВЕНСТВА ТРЕУГОЛЬНИКОВ

РАВЕНСТВО ТРЕУГОЛЬНИКОВ

В равных треугольниках все соответственные элементы равны.

Пример:



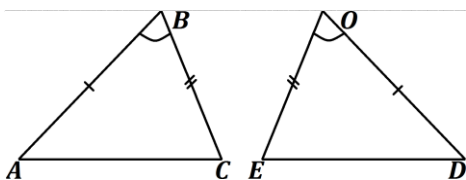
Все стороны равны:

$$\begin{aligned} AB &= OE \\ BC &= OD \\ AC &= ED \end{aligned}$$

Все углы равны:

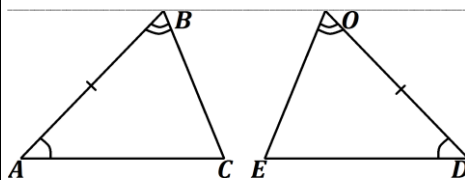
$$\begin{aligned} \angle C &= \angle E \\ \angle A &= \angle D \\ \angle B &= \angle O \end{aligned}$$

1 ПО ДВУМ СТОРОНАМ И УГЛУ МЕЖДУ НИМИ



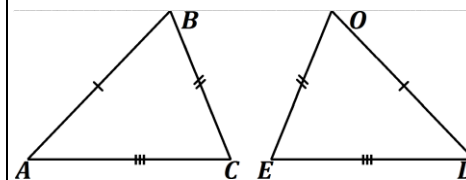
Если две стороны и угол между ними одного треугольника соответственно равны двум сторонам и углу между ними другого треугольника, то такие треугольники равны.

2 ПО СТОРОНЕ И ДВУМ ПРИЛЕЖАЩИМ К НЕЙ УГЛАМ



Если сторона и два прилежащих к ней угла одного треугольника соответственно равны стороне и двум прилежащим к ней углам другого треугольника, то такие треугольники равны.

3 ПО ТРЁМ СТОРОНАМ



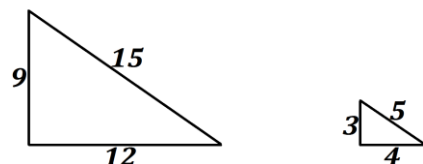
Если три стороны одного треугольника соответственно равны трём сторонам другого треугольника, то такие треугольники равны.

ПРИЗНАКИ ПОДОБИЯ ТРЕУГОЛЬНИКОВ

ПОДОБИЕ ТРЕУГОЛЬНИКОВ

В подобных треугольниках все сходственные стороны относятся с коэффициентом подобия k .

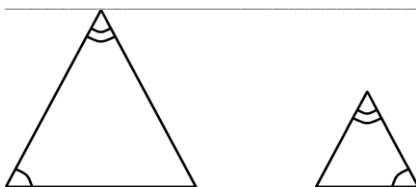
Пример:



$$\frac{9}{3} = \frac{12}{4} = \frac{15}{5} = 3$$

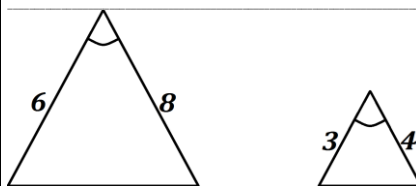
$k = 3$

1 ПО ДВУМ УГЛАМ



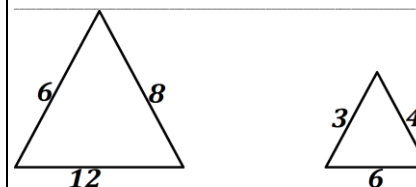
Если два угла одного треугольника соответственно равны двум углам другого треугольника, то такие треугольники подобны.

2 ПО ДВУМ ПРОПОРЦИОНАЛЬНЫМ СТОРОНАМ И УГЛУ МЕЖДУ НИМИ



Если угол одного треугольника равен углу другого треугольника, а стороны, образующие этот угол, пропорциональны в равном отношении, то такие треугольники подобны.

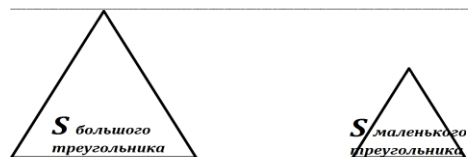
3 ПО ТРЁМ ПРОПОРЦИОНАЛЬНЫМ СТОРОНАМ



Если три стороны одного треугольника соответственно пропорциональны трём сторонам другого треугольника, то такие треугольники подобны.

ОТНОШЕНИЯ В ПОДОБНЫХ ТРЕУГОЛЬНИКАХ

ОТНОШЕНИЕ ПЛОЩАДЕЙ



Отношение площадей подобных треугольников равно квадрату коэффициента подобия.

$$\frac{S_{\text{большого треугольника}}}{S_{\text{маленького треугольника}}} = k^2$$

ОТНОШЕНИЕ ЭЛЕМЕНТОВ ПОДОБНЫХ ТРЕУГОЛЬНИКОВ

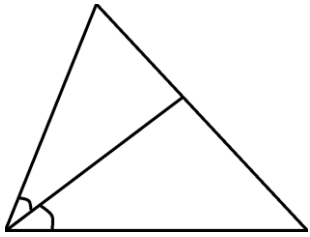
Отношение периметров равно коэффициенту подобия $\frac{P_{\text{большого треугольника}}}{P_{\text{маленького треугольника}}} = k$

Отношение биссектрис равно коэффициенту подобия $\frac{l_{\text{большого треугольника}}}{l_{\text{маленького треугольника}}} = k$

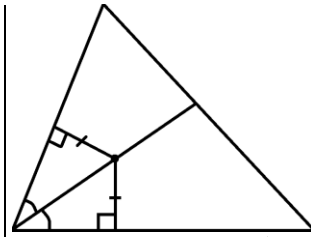
Отношение медиан равно коэффициенту подобия $\frac{m_{\text{большого треугольника}}}{m_{\text{маленького треугольника}}} = k$

Отношение высот равно коэффициенту подобия $\frac{h_{\text{большого треугольника}}}{h_{\text{маленького треугольника}}} = k$

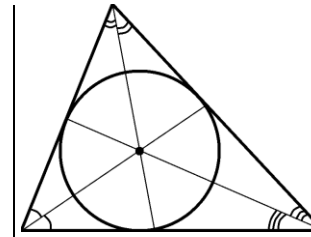
БИССЕКТРИСА



Биссектриса – это луч, делящий угол пополам.

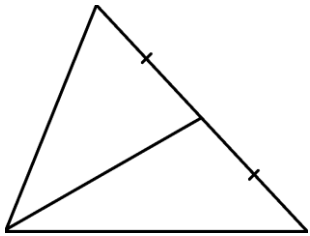


Если точка лежит на биссектрисе угла, то она равноудалена от сторон этого угла.

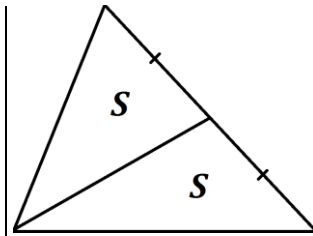


Центр вписанной в треугольник окружности – это точка пересечения биссектрис.

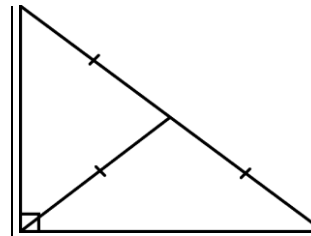
МЕДИАНА



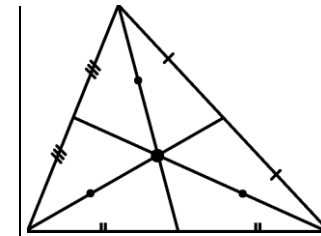
Медиана – это отрезок, делящий противоположную сторону треугольника пополам.



Медиана разбивает треугольник на два равновеликих (с одинаковыми площадями).

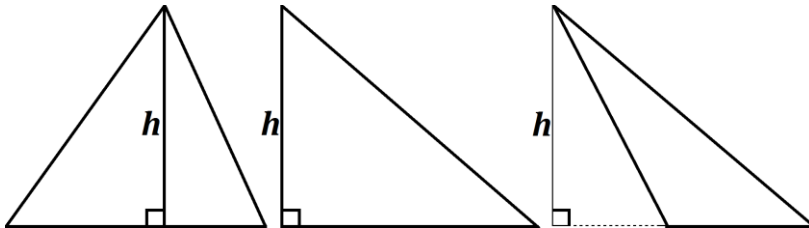


В прямоугольном треугольнике медиана, проведённая к гипотенузе, равна половине гипотенузы.



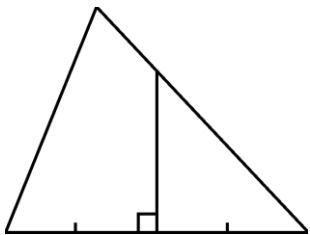
Медианы треугольника пересекаются в одной точке и точкой пересечения делятся в отношении 2:1 считая от вершины.

ВЫСОТА

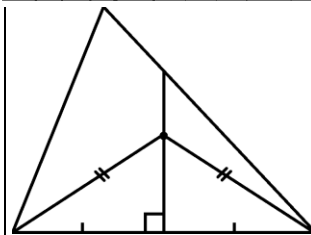


Высота – это перпендикуляр, проведённый к противоположной стороне, т.е. отрезок опущенный из угла под 90 градусов.

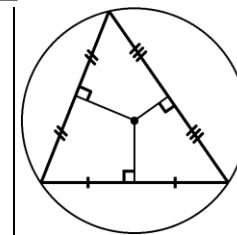
СЕРЕДИННЫЙ ПЕРПЕНДИКУЛЯР



Серединный перпендикуляр – это прямая, перпендикулярная стороне треугольника, и делящая эту сторону пополам.



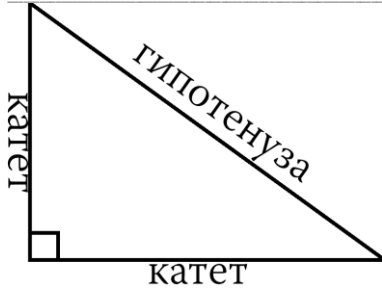
Точка, лежащая на серединном перпендикуляре к отрезку, равноудалена от концов этого отрезка.



Центр описанной вокруг треугольника окружности – это точка пересечения серединных перпендикуляров.

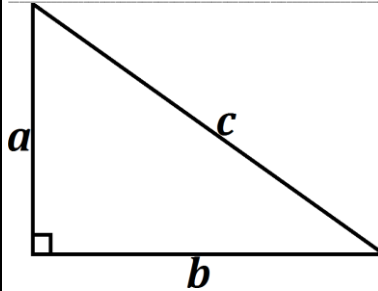
ПРЯМОУГОЛЬНЫЙ ТРЕУГОЛЬНИК

ОПРЕДЕЛЕНИЕ



Прямоугольный треугольник – это треугольник, у которого есть угол 90° .

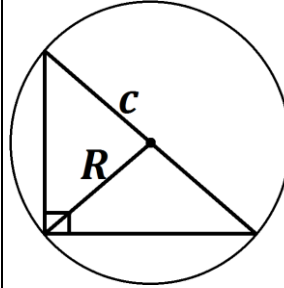
ПЛОЩАДЬ



Площадь прямоугольного треугольника равна половине произведения катетов:

$$S = \frac{ab}{2}$$

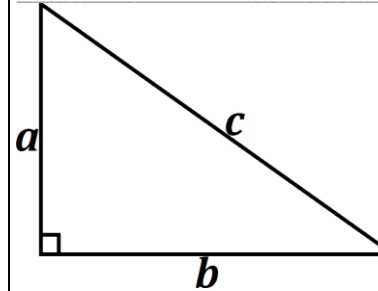
РАДИУС ОПИСАННОЙ ОКРУЖНОСТИ



Радиус описанной вокруг прямоугольного треугольника окружности равен половине гипотенузы:

$$R = \frac{c}{2}$$

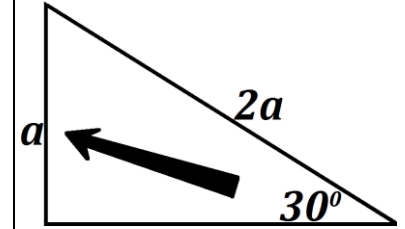
ТЕОРЕМА ПИФАГОРА



Квадрат гипотенузы равен сумме квадратов катетов:

$$c^2 = a^2 + b^2$$

КАТЕТ НАПРОТИВ УГЛА 30 ГРАДУСОВ



Катет, лежащий напротив угла 30° , равен половине гипотенузы.

ТРИГОНОМЕТРИЯ

СИНУС

$$\sin = \frac{\text{противолежащий катет}}{\text{гипотенуза}}$$

КОСИНУС

$$\cos = \frac{\text{прилежащий катет}}{\text{гипотенуза}}$$

ТАНГЕНС

$$tg = \frac{\text{противолежащий катет}}{\text{прилежащий катет}}$$

$$tga = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$$

КОТАНГЕНС

$$ctg = \frac{\text{прилежащий катет}}{\text{противолежащий катет}}$$

$$ctga = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha}$$

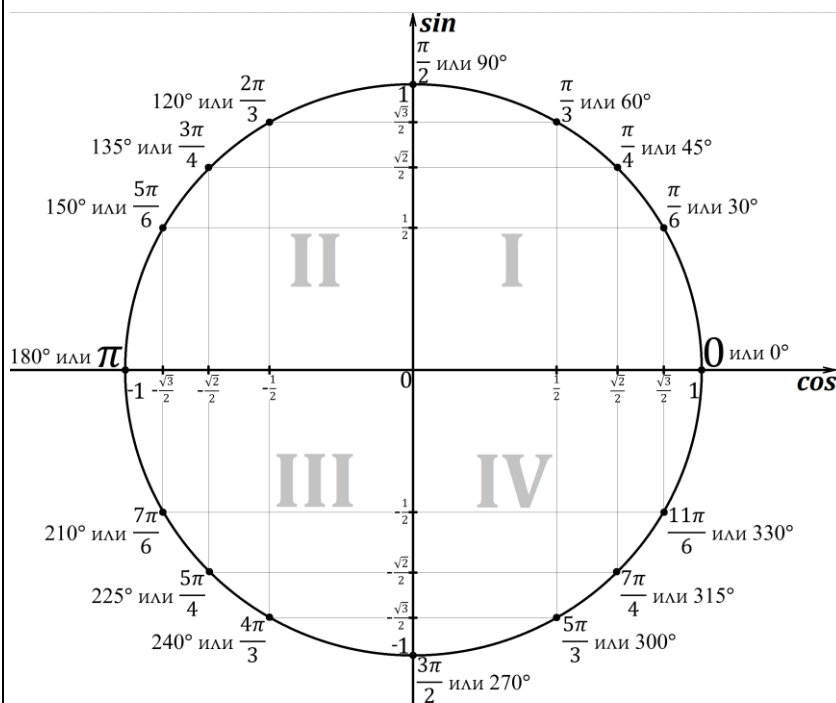
ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКИЕ

ТОЖДЕСТВА

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

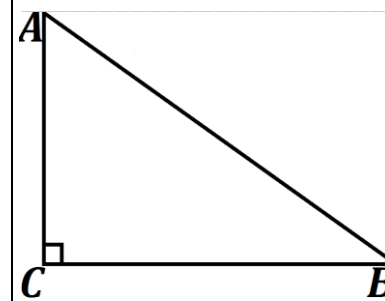
$$1 + tg^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$$

ТРИГОНОМЕТРИЧЕСКАЯ ОКРУЖНОСТЬ



СВОЙСТВО ОСТРЫХ УГЛОВ

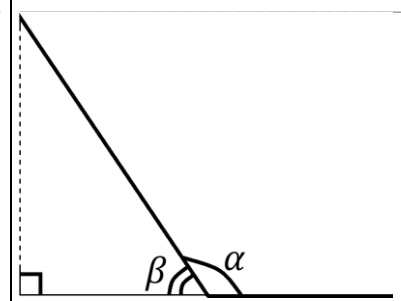
ПРЯМОУГОЛЬНОГО ТРЕУГОЛЬНИКА



$$\begin{aligned} \sin A &= \cos B \\ \sin B &= \cos A \\ tg A &= ctg B \\ tg B &= ctg A \end{aligned}$$

СИНУС, КОСИНУС, ТАНГЕНС,

КОТАНГЕНС ТУПЫХ УГЛОВ



$$\begin{aligned} \sin \alpha &= \sin \beta \\ \cos \alpha &= -\cos \beta \\ tg \alpha &= -tg \beta \\ ctg \alpha &= -ctg \beta \end{aligned}$$

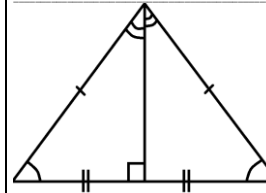
РАВНОБЕДРЕННЫЙ ТРЕУГОЛЬНИК

ОПРЕДЕЛЕНИЕ



Равнобедренный треугольник – это треугольник, у которого две стороны равны.

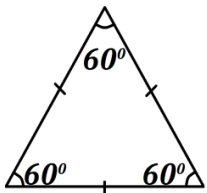
СВОЙСТВО



Биссектриса, медиана и высота, проведённые к основанию, совпадают между собой.

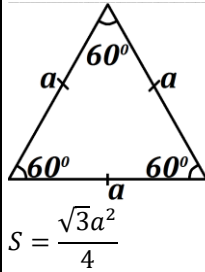
РАВНОСТОРОННИЙ ТРЕУГОЛЬНИК

ОПРЕДЕЛЕНИЕ

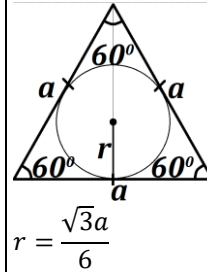


Равносторонний треугольник – это треугольник, у которого все стороны равны и все углы равны 60°.

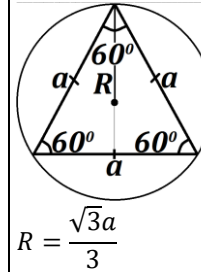
ПЛОЩАДЬ



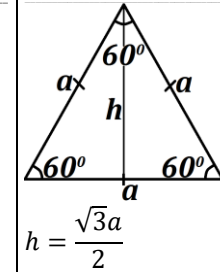
РАДИУС ВПИСАННОЙ ОКРУЖНОСТИ



РАДИУС ОПИСАННОЙ ОКРУЖНОСТИ

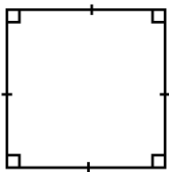


ВЫСОТА



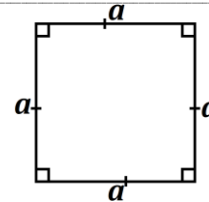
КВАДРАТ

ОПРЕДЕЛЕНИЕ



Квадрат – это четырёхугольник, у которого все стороны равны и все углы равны 90°.

ПЛОЩАДЬ



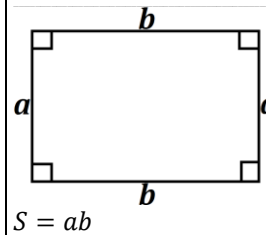
ПРЯМОУГОЛЬНИК

ОПРЕДЕЛЕНИЕ



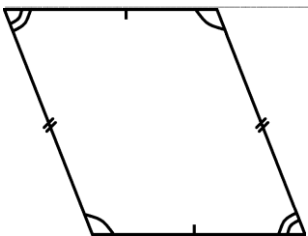
Прямоугольник – это четырёхугольник, у которого все углы равны 90°.

ПЛОЩАДЬ



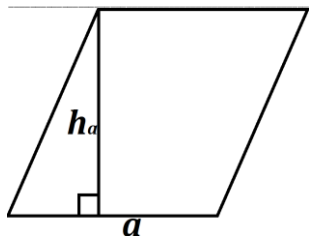
ПАРАЛЛЕЛОГРАММ

ОПРЕДЕЛЕНИЕ



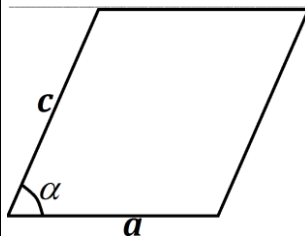
Параллелограмм – это четырёхугольник, у которого противоположные стороны попарно параллельны.

ПЛОЩАДЬ (ЧЕРЕЗ ВЫСОТУ)



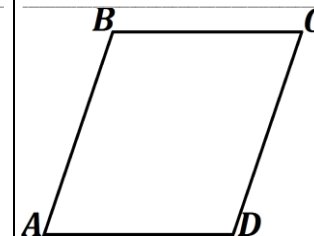
$$S = ah_a$$

ПЛОЩАДЬ (ЧЕРЕЗ УГОЛ)



$$S = ac \cdot \sin \alpha^\circ$$

СВОЙСТВО



В параллелограмме сумма углов, прилежащих к любой стороне, равна 180° :

$$\angle A + \angle B = 180^\circ$$

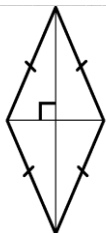
$$\angle B + \angle C = 180^\circ$$

$$\angle C + \angle D = 180^\circ$$

$$\angle A + \angle D = 180^\circ$$

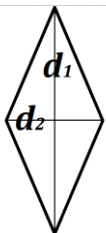
РОМБ

ОПРЕДЕЛЕНИЕ



Ромб – это параллелограмм, у которого все стороны равны.

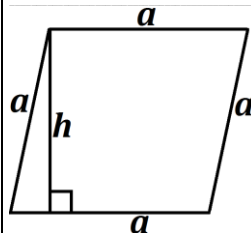
ПЛОЩАДЬ (ЧЕРЕЗ ДИАГОНАЛИ)



Площадь ромба равна половине произведения диагоналей:

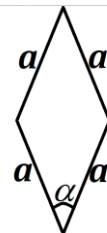
$$S = \frac{d_1 \cdot d_2}{2}$$

ПЛОЩАДЬ (ЧЕРЕЗ ВЫСОТУ)



$$S = ah$$

ПЛОЩАДЬ (ЧЕРЕЗ УГОЛ)



$$S = a^2 \cdot \sin \alpha$$

ПЛОЩАДЬ (ЧЕРЕЗ РАДИУС)



$$S = 2ar$$

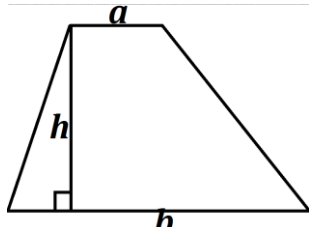
ТРАПЕЦИЯ

ОПРЕДЕЛЕНИЕ



Трапеция – это четырёхугольник, у которого две стороны параллельны, а две другие не параллельны.

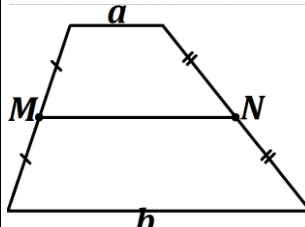
ПЛОЩАДЬ



Площадь трапеции равна полусумме оснований, умноженной на высоту:

$$S = \frac{a + b}{2} \cdot h$$

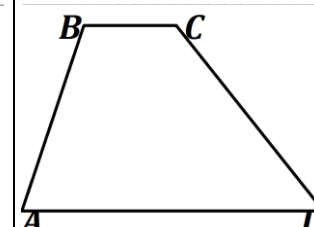
СРЕДНЯЯ ЛИНИЯ



Средняя линия параллельна основаниям и равна их полусумме:

$$MN = \frac{a + b}{2}$$

СВОЙСТВО



В трапеции сумма углов, прилежащих к боковой стороне, равна 180° :

$$\angle A + \angle B = 180^\circ$$

$$\angle C + \angle D = 180^\circ$$

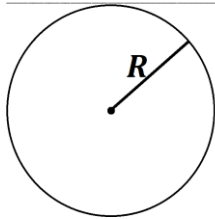
ОКРУЖНОСТЬ

ОПРЕДЕЛЕНИЕ



Окружность – это геометрическая фигура, состоящая из всех точек плоскости, расположенных на заданном расстоянии от данной точки (центра окружности).

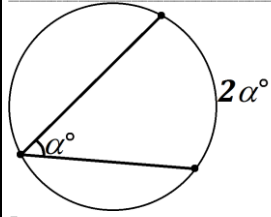
ПЛОЩАДЬ КРУГА И ДЛИНА ОКРУЖНОСТИ



$$S = \pi R^2$$

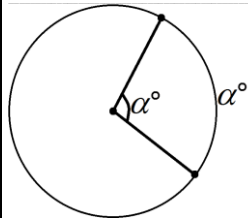
$$C = 2\pi R$$

ВПИСАННЫЙ УГОЛ



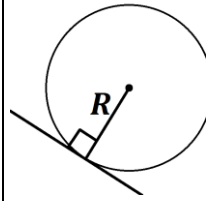
Вписанный угол равен половине дуги, на которую он опирается.

ЦЕНТРАЛЬНЫЙ УГОЛ



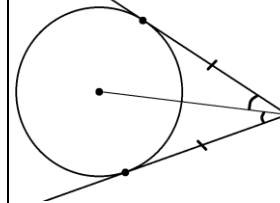
Центральный угол равен градусной мере дуги, на которую он опирается.

УГОЛ МЕЖДУ КАСАТЕЛЬНОЙ И РАДИУСОМ



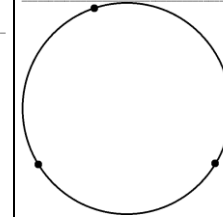
Касательная к окружности перпендикулярна радиусу, проведённому в точку касания.

ТЕОРЕМА ОБ ОТРЕЗКАХ КАСАТЕЛЬНЫХ



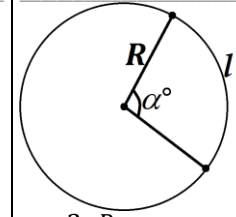
Отрезки касательных к окружности, проведённые из одной точки, равны, и составляют равные углы с прямой, проходящей через эту точку и центр окружности.

СВОЙСТВО



Через три точки, не лежащие на одной прямой, можно провести только одну окружность, и притом только одну.

ДЛИНА ДУГИ



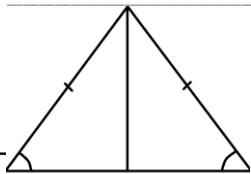
$$l = \frac{2\pi R}{360^\circ} \cdot \alpha^\circ$$

СИММЕТРИЯ

ПРЯМАЯ

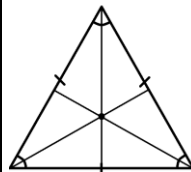
У прямой бесконечно много центров симметрии.

РАВНОБЕДРЕННЫЙ ТРЕУГОЛЬНИК



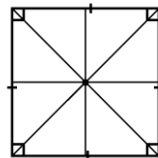
У равнобедренного треугольника нет центров симметрии, но есть одна ось симметрии (на высоте, проведённой к основанию).

РАВНОСТОРОННИЙ ТРЕУГОЛЬНИК



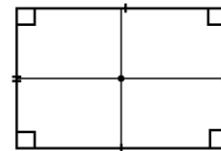
У равностороннего треугольника есть центр симметрии (в точке пересечения высот) и есть три оси симметрии (на высотах).

КВАДРАТ



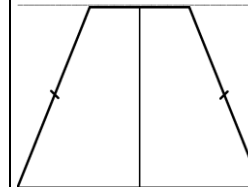
У квадрата есть центр симметрии (в точке пересечения диагоналей) и четыре оси симметрии (две на диагоналях и ещё две на линиях, параллельных сторонам квадрата и проходящих через центр).

ПРЯМОУГОЛЬНИК



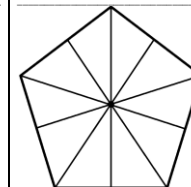
У прямоугольника есть центр симметрии (в точке пересечения диагоналей) и две оси симметрии (на линиях, параллельных сторонам прямоугольника и проходящих через центр).

РАВНОБЕДРЕННАЯ ТРАПЕЦИЯ



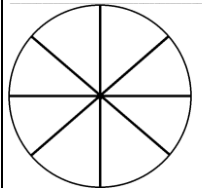
У равнобедренной трапеции нет центров симметрии, но есть одна ось симметрии (на высоте, проходящей через центр трапеции).

ПРАВИЛЬНЫЙ ПЯТИУГОЛЬНИК



У правильного пятиугольника есть центр симметрии (в центре пятиугольника) и пять осей симметрии (на высотах, проведённых из каждой вершины).

КРУГ



У круга есть центр симметрии (в центре круга) и бесконечно много осей симметрии (лежащих на диаметрах).